

Nom et prénom :

1. Déterminer $\lim_{x \to -\infty} 3x^3 - 2x^2 + 4x - 1$

Correction

La limite en $-\infty$ d'une fonction polynomiale est la limite en $-\infty$ de son monôme de plus haut degré

d'où
$$\lim_{x \to -\infty} 3x^3 - 2x^2 + 4x - 1 = \lim_{x \to -\infty} 3x^3 = -\infty$$

Donc $\lim_{x \to -\infty} 3x^3 - 2x^2 + 4x - 1 = -\infty$

2. Déterminer $\lim_{x \to +\infty} \frac{3x^2 - x + 13}{-8x^2 + \frac{1}{2}x + \sqrt{2}}$

Correction

La limite en $+\infty$ d'un quotient de fonctions polynomiales est la limite en $+\infty$ du quotient des monômes de plus haut degré

d'où
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{3x^2 - x + 13}{-8x^2 + \frac{1}{2}x + \sqrt{2}} = \lim_{x \to +\infty} \frac{3x^2}{-8x^2} = \lim_{x \to +\infty} \frac{3}{-8} = -\frac{3}{8}$$

$$\operatorname{Donc} \lim_{x \to +\infty} \frac{3x^2 - x + 13}{-8x^2 + \frac{1}{2}x + \sqrt{2}} = -\frac{3}{8}$$

3. Déterminer
$$\lim_{\substack{x\to 5\\x>5}} \frac{-2}{x-5}$$

Correction

On sait que
$$\lim_{\substack{x \to 5 \\ x > 5}} x - 5 = 0^+$$
 d'où $\lim_{\substack{x \to 5 \\ x > 5}} \frac{1}{x - 5} = +\infty$ donc $\lim_{\substack{x \to 5 \\ x > 5}} \frac{-2}{x - 5} = -\infty$

4. Déterminer $\lim_{x\to(-2)^-} \frac{x+3}{x+2}$

Correction

On sait que
$$\lim_{\substack{x \to (-2)^{-} \\ x \to (-2)^{-}}} x + 3 = 1$$
 $\implies \lim_{\substack{x \to (-2)^{-} \\ x \to 2}} x + 2 = 0^{-}$ $\implies \lim_{\substack{x \to (-2)^{-} \\ x \to 2}} \frac{x + 3}{x + 2} = -\infty$

5. Interpréter graphiquement la limite de la question 4.

Correction

La représentation graphique de la fonction f donnée $f(x) = \frac{x+3}{x+2}$ admet une asymptote verticale d'équation x = -2.