



Nom et prénom :

Exercice 1. D'un jeu de 52 cartes, on tire trois cartes simultanément (sans remise). De combien de manières différentes est-ce possible?

Correction

Dans ce tirage, on ne tient pas compte de l'ordre et il n'y a pas de remise.

On utilise donc la combinaison de 3 cartes parmi 52 : $C_{52}^3 = \binom{52}{3} = \frac{52!}{(52-3)! \times 3!} = \frac{52 \times 51 \times 50}{3 \times 2 \times 1} = 22\,100$

Donc il existe 22 100 possibilités de tirer 3 cartes dans un jeu de 52 cartes.

Exercice 2. Pour rappel, le plus petit nombre entier de 5 chiffres est 10 000 et le plus grand nombre entier de 5 chiffres est 99 999.

Combien de nombres différents de 5 chiffres existe-t-il

a) s'il n'y a aucune restriction?

Correction

Dans ce tirage, on obtient une suite ordonnée avec remise,

on obtient $9 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = 90\,000$.

Donc il y a 90 000 nombres à 5 chiffres

b) Si les nombres doivent être divisibles par 5?

Correction

Le nombre se termine soit par 0 soit par 5, donc on applique également le principe du dénombrement et on obtient $9 \times 10 \times 10 \times 10 \times 2 = 18\,000$.

Donc il y a 18 000 nombres à 5 chiffres divisible par 5

c) si les répétitions de chiffres sont exclues?

Correction

Dans ce tirage, on obtient une suite ordonnée sans remise car chaque chiffre choisi ne peut plus être utilisé à nouveau.

D'où $9 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 = 27\,216$,

Donc il y a 27 216 nombres à 5 chiffres sans répétition



Exercice 3. La façade d'une maison compte 8 fenêtres, ces fenêtres ont deux battants qui peuvent être soit ouverts soit fermés.

a) De combien de manières différentes peut se présenter cette façade?

Correction

Chaque fenêtre a quatre configurations possibles, ouverte ou fermée, ce qui fait $4^8 = 65\,536$ configurations.

Donc il y a 65 536 manières différentes peut se présenter cette façade.

b) Qu'en est-il si la première fenêtre est toujours ouverte et la 6e toujours fermée.

Correction

On peut considérer que l'on aura $1 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 1 \times 4 \times 1 = 4^6 = 4096$

Donc il y a 4 096 configurations possibles.

Exercice 4. Une boîte contient 14 boules : 5 rouges, 4 bleus et 5 jaunes. On tire simultanément 3 boules. Combien de combinaisons différentes existe-t-il si on désire avoir une boule de chaque couleur?

Correction

Dans ce cas l'ordre ne nous intéresse pas, il y a 5 possibilités d'avoir une rouge, 4 possibilités d'avoir une bleue et 5 possibilités d'avoir une jaune ce qui se traduit par

$$\binom{5}{1} \times \binom{4}{1} \times \binom{5}{1} = 100$$

Donc il y a 100 tirages possibles.