

# Formulaire de dérivées usuelles

## Dérivées des fonctions usuelles

| Fonction                            | Dérivée               | Domaine de définition   | Domaine de dérivabilité   |
|-------------------------------------|-----------------------|---|---|
| $a$                                 | 0                     | $\mathbb{R}$  | $\mathbb{R}$  |
| $x^n, n \in \mathbb{N}^*$           | $nx^{n-1}$            | $\mathbb{R}$  | $\mathbb{R}$  |
| $\frac{1}{x}$                       | $-\frac{1}{x^2}$      | $\mathbb{R}^*$  | $\mathbb{R}^*$  |
| $\frac{1}{x^n}, n \in \mathbb{N}^*$ | $-\frac{n}{x^{n+1}}$  | $\mathbb{R}^*$  | $\mathbb{R}^*$  |
| $x^n, n \in \mathbb{Z}^*$           | $nx^{n-1}$            | $\mathbb{R} \text{ si } n \geq 1, \mathbb{R}^* \text{ si } n \leq -1$ | $\mathbb{R} \text{ si } n \geq 1, \mathbb{R}^* \text{ si } n \leq -1$ |
| $\sqrt{x}$                          | $\frac{1}{2\sqrt{x}}$ | $[0, +\infty[$  | $]0, +\infty[$  |
| $e^x$                               | $e^x$                 | $\mathbb{R}$  | $\mathbb{R}$  |
| $\ln(x)$                            | $\frac{1}{x}$         | $]0, +\infty[$  | $]0, +\infty[$  |
| $\sin(x)$                           | $\cos(x)$             | $\mathbb{R}$  | $\mathbb{R}$  |
| $\cos(x)$                           | $-\sin(x)$            | $\mathbb{R}$  | $\mathbb{R}$  |

## Dérivées et opérations

- Si  $u$  et  $v$  sont deux fonctions dérivables sur  $I$ ,  $u + v$  est dérivable sur  $I$  et  $(u + v)' = u' + v'$ .
- Si  $u$  est dérivable sur  $I$  et si  $\lambda$  est un réel,  $\lambda u$  est dérivable sur  $I$  et  $(\lambda u)' = \lambda u'$ .
- Si  $u$  et  $v$  sont deux fonctions dérivables sur  $I$ ,  $u \times v$  est dérivable sur  $I$  et  $(u \times v)' = u'v + uv'$ .
- Si  $u$  et  $v$  sont deux fonctions dérivables sur  $I$  et si  $v$  ne s'annule pas sur  $I$ ,  $\frac{u}{v}$  est dérivable sur  $I$  et  $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$ .
- Si  $u$  est dérivable sur  $I$ , si  $v$  est dérivable sur  $J$  et si pour tout  $x$  de  $I$ ,  $u(x) \in J$ ,  $v \circ u$  est dérivable sur  $I$  et  $(v \circ u)' = u' \times (v' \circ u)$ .

Cette dernière formule fournit en particulier le tableau suivant :

| Fonction                            | Dérivée                | Domaine de dérivabilité                                   |
|-------------------------------------|------------------------|---|
| $u^n, n \in \mathbb{N}^*$           | $nu'u^{n-1}$           | en tout réel où $u$ est dérivable                         |
| $\frac{1}{u}$                       | $-\frac{u'}{u^2}$      | en tout réel où $u$ est dérivable et ne s'annule pas      |
| $\frac{1}{u^n}, n \in \mathbb{N}^*$ | $-\frac{nu'}{u^{n+1}}$ | en tout réel où $u$ est dérivable et ne s'annule pas      |
| $u^n, n \in \mathbb{N}^*$           | $nu'u^{n-1}$           |   |
| $\sqrt{u}$                          | $\frac{u'}{2\sqrt{u}}$ | en tout réel où $u$ est dérivable et strictement positive |
| $e^u$                               | $u' \times e^u$        | en tout réel où $u$ est dérivable                         |
| $\ln u$                             | $\frac{u'}{u}$         | en tout réel où $u$ est dérivable et strictement positive |
| $\sin u$                            | $u' \times \cos u$     | en tout réel où $u$ est dérivable                         |
| $\cos u$                            | $-u' \times \sin u$    | en tout réel où $u$ est dérivable                         |